

S.L. 2007/A/L S.I.

සියලු ම සිල්වම් දායරණි

මුද්‍රෝ: පත්‍රප්‍රංශයෙහිවාත්‍යතු]

All Rights Reserved]

ඩී මෙය සින්හා තොරතුරු කේතුව හි වෙත වෛශ්‍ය පැවත්තා ඇත් සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා මෙය සින්හා තොරතුරු
ඩී මෙය සින්හා තොරතුරු සින්හා තොරතුරු සින්හා තොරතුරු සින්හා තොරතුරු සින්හා තොරතුරු සින්හා තොරතුරු

10 S I

අධ්‍යක්ෂ පොදු සහතික පත්‍ර (රුදය පෙළ) විභාග, 2007 අගෝස්තු
කම්බිජ් පොතුත් තරාතරප පත්තිර (උයර තරප) පරිශ්‍ර, 2007 ඉකළුත්
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2007

සිංහල තු ගණනය	I	සැරුව සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව
මිණුන්ත කණිතම	I	පැමිණුව සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව
Combined Mathematics	I	මුණ්‍ර මණිත්ත්‍යාලම පැමිණුව සි සෑව වෛශ්‍ය පැවත්තා සි සෑව
		Three hours

* ප්‍රශ්න භාෂණ පමණක් පිළිඳුරු සෞයන්ත.

1. (a) α හා β යනු $x^2 + bx + c = 0$ සම්කරණයේ මුල වේ. α^3 හා β^3 මුල වන වර්ග සම්කරණය, b හා c අදුරෙන් සෞයන්ත.

$$\text{ඒ නැතින්, } \alpha^3 + \frac{1}{\beta^3} \text{ හා } \beta^3 + \frac{1}{\alpha^3} \text{ මුල වන වර්ග සම්කරණය, } b \text{ හා } c \text{ අදුරෙන් සෞයන්ත.}$$

- (b) $f(x)$ යනු, මාගු ඖ ට වැඩි, x හි ඔවුන් පිළිලිවින් $(x-1), (x-2)$ හා $(x-3)$ යන්නෙන් $f(x)$ ලද ඒවා විට විට මුළු වුවේ ඇත්තේ පුළුවන් $\lambda(x-1)(x-2) + \mu(x-1) + \nu$ ලෙස ප්‍රකාශ කළ යුති විට පෙන්වන්න; මෙහි λ, μ හා ν යනු නියන වේ.

a, b හා c අදුරෙන් λ, μ හා ν සෞයන්ත.

2. (a) අපේක්ෂකයෙහු විභාගයක දී, රුක් රුක් කොටස ප්‍රශ්න භකර බැහින් අවශ්‍ය A, B හා C නම් කොටස අනුකූ යටතේ දෙන ලද ප්‍රශ්න ආශ්‍යකින්, ප්‍රශ්න භකර පිළිඳුරු ඇපදිය යුතු ය.

(i) රුක් රුක් කොටස පළුවින ප්‍රශ්නය අනුකූ නම්,

(ii) මිනුම කොටස පිරිස්ථින් ප්‍රශ්න ආශ්‍යක විවා වැදියෙන් මුදුට පිළිඳුරු ඇපදිය කොහුණි නම්.

(iii) රුක් රුක් කොටස පිරිස්ථින් පිරිස්ථින් රුක් ප්‍රශ්නය පිරිස්ථින් පිළිඳුරු ඇපදිම අනිවාරය නම්.

අපේක්ෂකයාට ප්‍රශ්න භය තෝරාගත යුති වෙතද ආකාර ගණනා සෞයන්ත.

- (b) දින තිවිලුමය දරුණුයන් දඟා දේපරද ප්‍රශ්නය ප්‍රකාශ කරන්න.

a, b හා d යනු $a = b + d$ වන අදුරෙන් මූලික් තිවිල වේ. $a^n - b^{n-1}(b+d)$ යන්න දින තිවිලුමය n යදානා දැඩිය යුති විට පෙන්වන්න.

U යනු පළමු ප්‍රශ්න නම් a හා පොදු අත්තරය d වන සමාන්තර ප්‍රශ්නය n විනි ප්‍රශ්න නම්, $a^n - (a-d)^{n-1}U$ යන්න d^2 ත් බැඩිය යුති විට භාවිතය යාරන්න.

$7^{60} - 3^{64}$ යන්න 16 ත් බැඩිය යුති විට අපේක්ෂය යාරන්න.

3. (a) ගණන: අහුහත මුලධිරමය උපයෝගී කර ගණිතය්, දින තිවිලුමය n යදානා $\frac{n^7}{7} + \frac{n^5}{5} + \frac{n^3}{3} + \frac{34n}{105}$ යන්න තිවිලයක් එව ගැඩනය යාරන්න.

$$(b) \frac{3}{1.2} \left(\frac{1}{2} \right) + \frac{4}{2.3} \left(\frac{1}{2} \right)^2 + \frac{5}{3.4} \left(\frac{1}{2} \right)^3 + \dots ප්‍රශ්නයේ r විනි ප්‍රශ්න එව, උගා දක්වාන්න.$$

$u_r = f(r-1) - f(r)$ වන අදුරෙන් $f(r)$ සෞයන්ත.

$$\text{ඒ නැතින්, } S_n = \sum_{r=1}^n u_r$$

< www.sinhalaelibrary.com > Source :- www.pastpaperlk.com 1

$\lim S_n$ අයයන්න.

$n \rightarrow \infty$

(a) $z_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} + i\frac{1}{2}$ හා $z_2 = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ උගිරුනු සංඛ්‍යා, ආගත්වී සටහනක පිළිවෙළින් A හා B ලක්ෂණ මගින් තිරුපත්‍ය නොරෝධි. $\text{Arg } z_1$ හා $\text{Arg } z_2$ සොයැන්න.

$OACB$ යනු අාගත්වී සටහනේ පමචුරුපුයක් ඇඟි දී ඇත්තම්, C මගින් තිරුපත්‍ය කරනු ලබන උගිරුනු සංඛ්‍යාවේ මාපා-කය හා විස්තාරය සොයැන්න; මෙහි O යනු මූල ලක්ෂණය වේ.

(b) (i) $\left| z - \left(\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} \right) \right| \leq 2$ අවශ්‍යකාව යටෙන් $|z - 3|$ හි අඩුතම හා වැඩිහිම අය සොයැන්න.

(ii) $\text{Arg}(z-1) = \frac{\pi}{6}$ අවශ්‍යකාව යටෙන් $|z|$ හි අඩුතම අය සොයැන්න.

(a) (i) මිනුම r දෙන තිවිලයක් පදනා $\frac{d^r}{dx^r} (xe^x) = (x+r)e^x$ බව පෙන්වන්න.

(ii) $y = x^2 e^x$ නම් $\frac{dy}{dx} = 2xe^x + y$ බව සාධාරණ කරන්න.

රේ තයින්, $\frac{d^r y}{dx^r} - \frac{d^{r-1} y}{dx^{r-1}} = 2(x+r-1)e^x$ බව අපෝහනය කරන්න.

රේ තයින්, මිනුම n දෙන තිවිලයක් පදනා $\frac{d^n y}{dx^n} = n(2x+n-1)e^x + y$ බව පෙන්වන්න.

(b) $P(at^2, at^3)$ ලක්ෂණයේදී $ay^2 = x^3$ ව්‍යුහය ඇදී ජේරුණය ඉ හි දී නැවත්තේ ව්‍යුහය භූලී; මෙහි a යනු තියත්යයි. t අසුරුද් ඉ හි බණ්ඩා-ක සොයැන්න.

(a) සිංහ හා උපයෝගි කරගතිමින් $\int \frac{x^3+1}{x(x-1)^3} dx$ සොයැන්න.

(b) $25 \cos x + 15 \equiv A(3 \cos x + 4 \sin x + 5) + B(-3 \sin x + 4 \cos x) + C$ වන ආකාරයට A, B හා C සොයැන්න.

රේ තයින්, $\int \frac{25 \cos x + 15}{3 \cos x + 4 \sin x + 5} dx$ සොයැන්න.

(c) සොටස් වියයෙන් අනුකූලනය උපයෝගි කරගතිමින්,

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^6 x dx = \frac{5}{6} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^4 x dx = \frac{5 \cdot 3}{6 \cdot 4} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx = \frac{5\pi}{32} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

රේ තයින්, $\int_0^{\frac{\pi}{6}} \sin^6 3x dx$ අය සොයැන්න.

7. ABC යනු $A \equiv (2, 4)$ ද, $y = x + 1$ රේඛාව මත B හා C ද, වන අප්‍රිණ් වූ ක්‍රියෝගයක් යැයි ගනිමු. ABC හා ADE ක්‍රියෝගවල වර්ගඝල '9 : 4 අනුපාතයට වන අප්‍රිණ් BC ට සමානාරව අදින ලද I නම් රේඛාවක්, AB හා AC පෙළවැලින් D හා E කි දී යැයි. G යනු A පිටි I ට ඇදී ලැබේ අවශ්‍ය ද, M යනු AB තුළ G හි දරඟ ප්‍රකිතිය ද යැයි ගනිමු.

- (i) G හි බැංචා-ක හා I හි සම්කරණය සොයන්න.
- (ii) $AM = AG$ බව පෙන්වන්න.

ඊ තයින් හෝ වෙනත් ක්‍රමයකින් හෝ, B උක්ෂය $y = x + 1$ රේඛාව මත විලනය වන විට M උක්ෂය, ක්නෑදා A හා අරය $\frac{\sqrt{2}}{3}$ වූ වෘත්තයක් මත විලනය වන බව සාධනය කරන්න.

8. වෘත්ත දෙකකට, උච්චයේ තේදා ලක්ෂා එක එකක දී අදින ලද ස්ථානය දෙක සැපුමෙන්නින් වන විට එම වෘත්ත දෙක ප්‍රාග්ධනවල තේදානය වේ යැයි වියනු ලැබේ. $x^2 + y^2 + 2gx + 2fy + c = 0$ හා $x^2 + y^2 + 2g'x + 2f'y + c' = 0$ වෘත්ත දෙක ප්‍රාග්ධනවල තේදානයටම පදනා අවශ්‍යකාව සොයන්න.

$$x^2 + y^2 + 4x + 2\lambda y - 6 = 0 \dots \dots \dots (*)$$

සම්කරණය $(-2 + \sqrt{10}, 0)$ හා $(-2 - \sqrt{10}, 0)$ ලක්ෂා හරහා යන වෘත්ත පදනා කිරුළයා සාධනය කරන බව සාධනය කරන්න; මෙහි ඥ යනු පරුමියකි.

$S = 0$ යනු (*) මගින් නිරුපණය කෙරෙන පදනා පදනා ආයත් වෘත්තයක් වේ. $S = 0$ ට ප්‍රාග්ධන, එම පදනා ආයත් අනෙකු $S' = 0$ වෘත්තයක් පවතින බව පෙන්වන්න.

$S \equiv x^2 + y^2 + 4x + 4y - 6 = 0$ වන විට $S' = 0$ සොයන්න.

$S = 0$ හා $S' = 0$ දෙකටම ප්‍රාග්ධන වෘත්තයේ සාධනය සම්කරණයක් සොයන්න.

9. (a) සුපුරුදු අංකයෙන්, සයින් නීතිය ප්‍රකාශ කරන්න.

P යනු $\angle PAB = \angle PBC = \angle PCA = \varphi$ වන අප්‍රිණ් ABC ක්‍රියෝගය ඇතුළුව වූ උක්ෂයක්.

ABC ක්‍රියෝගයේ වර්ගඝලය, සුපුරුදු අංකයෙන්, $\frac{abc}{2} \left(\frac{BP}{bc} + \frac{CP}{ac} + \frac{AP}{ab} \right) \sin \varphi$ බව සාධනය කරන්න.

$$\frac{1}{\sin^2 \varphi} = \frac{1}{\sin^2 A} + \frac{1}{\sin^2 B} + \frac{1}{\sin^2 C} \quad \text{බව අපෝහනය කරන්න.}$$

(b) (i) $2 \tan^{-1} \left(\frac{1}{5} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5}{12} \right),$

(ii) $2 \tan^{-1} \left(\frac{5}{12} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{120}{119} \right).$

(iii) $\tan^{-1} \left(\frac{120}{119} \right) - \frac{\pi}{4} = \tan^{-1} \left(\frac{1}{239} \right)$

බව පෙන්වන්න.

$$4 \tan^{-1} \left(\frac{1}{5} \right) - \tan^{-1} \left(\frac{1}{239} \right) = \frac{\pi}{4} \quad \text{බව අපෝහනය කරන්න.}$$

* * *